

1.

(1) 準定常電磁界では、 $|\vec{J}| \gg \left| \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \right|$ である。

$$\vec{J} = \sigma \vec{E}, \vec{D} = \epsilon \vec{E} \text{ を上式に代入して, } |\sigma \vec{E}| \gg \left| \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \right|$$

$$\text{さらに, } \frac{\partial}{\partial t} = j \text{ を代入すると, } |\sigma \vec{E}| \gg |j \omega \vec{E}| \Leftrightarrow \frac{\sigma}{\omega \epsilon} \gg 1$$

* 準定常磁界とは、ほとんど電流の時間的変化がない磁界のこと。
近似的に定常電流とみなせる。

(2) $|\vec{J}| \gg \left| \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \right|$ なので、 $\nabla \times \vec{H} = \vec{J}$. $\therefore \oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = I$

<参考> 微分形： $\nabla \times \vec{H} = \vec{J} + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}$, 積分形： $\oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = I + I_d$

(3) ヒント1の式に左から外積の形で ∇ を作用させると、左辺、右辺はそれぞれ、

$$\nabla \times (\nabla \times \vec{H}) = (\nabla \cdot \vec{H}) \nabla - (\nabla \cdot \nabla) \vec{H} = \nabla (\nabla \cdot \frac{\vec{B}}{\mu}) - \nabla^2 \vec{H} = -\nabla^2 \vec{H}$$

(\because ヒント2及び近似的に $\left| \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \right| = 0$ であることを利用した.)

$$\nabla \times \vec{J} = \nabla \times \sigma \vec{E} = -\sigma \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} = -\sigma \mu \frac{\partial \vec{H}}{\partial t} \text{ となる. } \therefore \nabla^2 \vec{H} = \sigma \mu \frac{\partial \vec{H}}{\partial t}$$

* ベクトル三重積については公式1参照のこと~。

2.

$$(1) \rho = \frac{Q}{S} = \frac{1}{S} \int i dt = -\frac{I_0}{\omega S} \cos \omega t$$

$$(2) \text{ ガウスの法則 } Q = \oint_S \vec{D} \cdot d\vec{S} \text{ より } D = \frac{Q}{S} = \rho . \therefore \text{ 変位電流密度 } J_d = \frac{\partial D}{\partial t} = \frac{\partial \rho}{\partial t} = \frac{I_0}{S} \sin \omega t$$