

1.

(1) 準定常電磁界では、 $|\vec{J}| \gg \left| \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \right|$ である。

$$\vec{J} = \sigma \vec{E}, \vec{D} = \varepsilon \vec{E} \text{ を上式に代入して, } |\sigma \vec{E}| \gg \left| \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \right|$$

$$\text{さらに, } \frac{\partial}{\partial t} = j \text{ を代入すると, } |\sigma \vec{E}| \gg |j\omega \vec{E}| \Leftrightarrow \frac{\sigma}{\omega\varepsilon} \gg 1$$

(2) $|\vec{J}| \gg \left| \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \right|$ なので、 $\nabla \times \vec{H} = \vec{J}$. $\therefore \oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = I$

$$\langle \text{参考} \rangle \quad \text{微分形: } \nabla \times \vec{H} = \vec{J} + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}, \quad \text{積分形: } \oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = I + I_d$$

(3) ヒント1の式に ∇ を作用させると、左辺、右辺はそれぞれ、

$$\nabla \cdot (\nabla \cdot \vec{H}) = \nabla(\nabla \cdot \vec{H}) - \nabla^2 \vec{H} = \nabla\left(\nabla \cdot \frac{\vec{B}}{\mu}\right) - \nabla^2 \vec{H} = -\nabla^2 \vec{H} \quad (\because \text{ヒント2})$$

$$\nabla \times \vec{J} = \nabla \times \sigma \vec{E} = -\sigma \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} = -\sigma\mu \frac{\partial \vec{H}}{\partial t}$$

$$\therefore \nabla^2 \vec{H} = \sigma\mu \frac{\partial \vec{H}}{\partial t}$$

2.

$$(1) \quad \rho = \frac{Q}{S} = \frac{1}{S} \int i dt = -\frac{I_0}{\omega S} \cos \omega t$$

$$(2) \quad Q = \oint_S \vec{D} \cdot d\vec{S} \text{ より } D = \frac{Q}{S} = \rho . \therefore \text{変位電流密度 } J_d = \frac{\partial D}{\partial t} = \frac{\partial \rho}{\partial t} = \frac{I_0}{S} \sin \omega t$$