

1.

(1) 準定常電磁界では、 $|\vec{J}| \gg \left| \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \right|$  である。

$$\vec{J} = \sigma \vec{E}, \vec{D} = \epsilon \vec{E} \text{ を上式に代入して, } |\sigma \vec{E}| \gg \left| \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \right|$$

$$\text{さらに、} \frac{\partial}{\partial t} = j \text{ を代入すると、} |\sigma \vec{E}| \gg |j\omega \vec{E}| \Leftrightarrow \frac{\sigma}{\omega\epsilon} \gg 1$$

(2)  $|\vec{J}| \gg \left| \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \right|$  なので、 $\nabla \times \vec{H} = \vec{J}$ .  $\therefore \oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = I$

$$\langle \text{参考} \rangle \quad \text{微分形: } \nabla \times \vec{H} = \vec{J} + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}, \quad \text{積分形: } \oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = I + I_d$$

(3) ヒントの式に $\nabla$ を作用させると、左辺、右辺はそれぞれ、

$$\nabla \cdot (\nabla \cdot \vec{H}) = \nabla(\nabla \cdot \vec{H}) - \nabla^2 \vec{H} = \nabla\left(\nabla \cdot \frac{\vec{B}}{\mu}\right) - \nabla^2 \vec{H} = -\nabla^2 \vec{H} \quad (\because \text{ヒント2})$$

$$\nabla \times \vec{J} = \nabla \times \sigma \vec{E} = -\sigma \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} = -\sigma \mu \frac{\partial \vec{H}}{\partial t}$$

$$\therefore \nabla^2 \vec{H} = \sigma \mu \frac{\partial \vec{H}}{\partial t}$$